

Avaliação de Amortecimento Estrutural Usando-se o Método do “Random Decrement”

Joel Franceschini¹
Herbert Martins Gomes²

RESUMO

Este trabalho trata da avaliação do amortecimento estrutural através do método do “Random Decrement”. Inicialmente revisa-se o método e o algoritmo utilizado para a análise dos dados. Em seguida realiza-se a comparação experimental dos resultados obtidos através do método proposto com os de outros dois métodos, o do Decremento Logarítmico e da Largura de Banda em Meia Potência, em ensaios realizados para a determinação de razão de amortecimento de uma dada estrutura padrão. Os ensaios são realizados seguindo as exigências de cada método, porém, para o “Random Decrement”, são impostas vibrações aleatórias diferentes para cada ensaio com o intuito de verificar a robustez do método. Ao final, os resultados são comparados e verifica-se que o método do Random Decrement fornece valores aceitáveis para a razão de amortecimento da estrutura, mostrando-se um ótimo recurso para a realização de análises de vibração quando não há possibilidade de se retirar a estrutura do serviço para que testes de vibração livre possam ser realizados.

Palavras-chave: análises experimentais de vibrações, amortecimento estrutural, método do random decrement.

1 Introdução

A maioria das vibrações que ocorrem em máquinas, veículos, estruturas, edifícios e sistemas dinâmicos são indesejáveis (desde que não intencionalmente produzidas), seja devido aos movimentos resultantes, as tensões dinâmicas que podem levar à fadiga e a falha da estrutura ou máquina, desgastes excessivos, as perdas de energia e a redução no desempenho ou o ruído produzido.

Muitas fontes de vibrações existem e elas incluem processos de impacto, tais como explosivos, fixação de estacas, máquinas tais como motores, ventiladores, sopradores e bombas, turbulências em sistemas de fluidos e veículos de transporte. Segundo BEARDS (1995), atualmente, máquinas e estruturas costumam conter altas fontes de energia, pois a eficiência e a velocidade das máquinas têm aumentado ao longo dos anos, de modo a que as forças excitantes que geram as vibrações são mais elevadas e geram intensos problemas de vibração. Além disso, métodos modernos de construção, devido a um

melhor conhecimento das propriedades dos materiais e a melhoria das análises e concepções técnicas, resultaram em sistemas com pouca massa e baixo amortecimento. Portanto os projetos e análises devem ser feitos de forma cuidadosa para evitar ressonância ou desempenho dinâmico indesejável. A atenuação da vibração geralmente reduz o nível de ruído e, em muitos casos, prolonga a vida útil da máquina. Amortecimento e correção de excentricidade são algumas das principais medidas de redução dos efeitos nocivos das vibrações (BEARDS, 1988).

Devido a essa necessidade de se ter um melhor controle sobre as vibrações dos sistemas que vários métodos são desenvolvidos, visando sempre facilitar os trabalhos dos engenheiros responsáveis pela realização das análises. O método do “*Random Decrement*” é um ótimo exemplo de metodologia simples e eficaz na determinação da resposta dinâmica de sistemas vibratórios, pois segundo Cole (1968 *apud* ASMUSSEM, 1997) este método serviria para transformar sinais aleatórios no tempo em sinais que apresentam um comportamento típico de vibração livre

1,2 Universidade Federal do Rio Grande do Sul, Dep. Engenharia Mecânica, Graduando em Eng. Mecânica, Av. Sarmiento Leite, 425, sala 202, 2º. Andar, 90050-170 – Porto Alegre – RS – Brazil.

1 e-mail: herbert@mecanica.ufrgs.br.

2 e-mail: joel_franceschini@yahoo.com.br.

com amortecimento (decremento) e por isso seria um método bastante útil em análises de vibração, pois as mesmas poderiam ser feitas com o sistema em serviço.

O objetivo deste trabalho é realizar análises de vibrações em uma estrutura através de métodos conhecidos e comparar seus resultados com os obtidos através do método do “*Random Decrement*”, a fim de se verificar se este método fornece resultados tão bons quanto os métodos mais convencionais.

2 Desenvolvimento

2.1 Revisão Bibliográfica

Embora estudos sobre mecânica vibratória já tivessem sido realizados no final do século XIX na Europa, eles só chegaram às universidades americanas na década de vinte, trazidos pelo russo S. P. Timoshenko. No Brasil, os estudos sobre vibrações foram introduzidos nos cursos de engenharia mecânica a partir dos anos sessenta (GROEHS, 1999).

A definição de amortecimento segundo WALSHAW (1984, p. 77), pode ser descrito como: “o amortecimento é a razão do decaimento ou redução da amplitude de vibração de um sistema, e é associado com a dissipação de energia geralmente causada por uma ou a pela combinação dos diferentes tipos de amortecimento: *viscoso*, atrito entre um corpo que se move em contato com um fluido, de *Coulomb*, atrito entre duas superfícies secas que possuem movimento relativo entre si, *histerético*, amortecimento causado por atrito interno ou histerese quando o sólido é deformado e *elétrico*, causado pelo corte ou cruzamento de campos magnéticos”.

Vários métodos de análise de vibrações amortecidas foram desenvolvidos e testados por muitos estudiosos ao longo dos anos, dentre os quais pode-se citar dois métodos bastante conhecidos: o do Decremento Logarítmico e o de Largura de Banda.

O método do Decremento Logarítmico é uma maneira simples de se fazer análises de vibração de sistemas sub-amortecidos submetidos à vibração livre amortecida. Este método começou a ser explorado por volta de um século atrás (MARCHI; CRAIG, 1999) e atualmente é um dos métodos mais utilizados para a determinação da razão de amortecimento de um sistema quando se pode colocá-lo a vibrar em condições livres e não forçadas. O método do Decremento Logarítmico permite avaliar a resposta de sistemas amortecidos, especificamente a sua razão de amortecimento ζ , ou seja, a taxa na

qual a amplitude de vibrações de um sistema livre amortecido decai (BEARDS, 1988; HARRIS 2002). Segundo GROEHS (1999), a grande vantagem deste método frente aos outros diz respeito ao fato de que as necessidades de equipamento e instrumentos para realizar as medida são mínimos. Já no método da Largura de Banda, ou Meia-Potência como é chamado por alguns autores, a razão de amortecimento ζ é determinada por meio do gráfico da magnificação dinâmica pela frequência de uma estrutura que está submetida a algum tipo de vibração conhecida (GROEHS, 1999). Esse método requer uma medição precisa da amplitude da vibração para as frequências de excitação na região de ressonância. Uma vez que M_{\max} e ω tenham sido localizados, os chamados pontos de meia-potência são encontrados quando a amplitude é $M = M_{\max} / \sqrt{2}$ e as correspondentes frequências de cada lado de ω , β_1 e β_2 , determinadas. Uma vez que a energia dissipada por ciclo é proporcional à M^2 , a energia dissipada é reduzida em 50% quando a amplitude é reduzida por um fator de $1/\sqrt{2}$ (BEARDS, 1995).

Mais recentemente, outro método de análises de vibrações resurgiu com a finalidade de facilitar os trabalhos de quem convive com problemas de vibração, é o Método do “*Random Decrement*”. Este método foi introduzido por H. A. Cole (1968 *apud* ASMUSSEM, 1997) na NASA durante o final dos anos 60 e começo dos anos 70 quando ele estava trabalhando com análises da resposta dinâmica de estruturas espaciais submetidas a esforços reais. É um método simples e facilmente implantado para analisar estruturas submetidas a carregamentos aleatórios. Os primeiros trabalhos sobre este método foram publicados durante o período de 1968 e 1973. Basicamente, Cole desenvolveu este método para transformar sinais aleatórios no tempo em sinais que apresentam um comportamento típico de vibração livre com amortecimento (decremento). A técnica do “*Random Decrement*” é particularmente bem adaptada para a classe de problemas em que as características de uma estrutura são requeridas estando a mesma em serviço, sendo esta submetida a excitações desconhecidas aleatórias, como o vento, terremotos, ondas, som, cargas de tráfego, etc. A análise exige apenas a medição de resposta dinâmica da estrutura, e não a excitação, onde o acompanhamento contínuo é possível. O método tem sido aplicado em diversas situações, como testes em aeronaves em túnel de vento, em canos, máquinas e detecção remota de falhas estruturais em plataformas subaquáticas no oceano (YANG; DAGALAKIS, 1980).

2.2 Apresentação do Problema

O foco deste trabalho é a realização de análises de vibração para a determinação da razão de amortecimento de uma estrutura metálica, no caso uma régua de alumínio, utilizando três diferentes métodos. Os métodos do Decremento Logarítmico e o da Largura de Banda são métodos mais convencionais e necessitam de uma determinada condição para que os dados coletados possam ser utilizados nos cálculos. Já no método do "Random Decrement", como descrito por YANG e DAGALAKIS (1980), a razão de amortecimento pode ser calculada através de dados coletados com a estrutura em serviço, pois a análise exige apenas a medição de resposta dinâmica da estrutura, e não a excitação que é imposta à mesma, podendo a análise ser feita com a estrutura submetida a vibrações aleatórias que representariam condições reais de aplicação de algum sistema. A razão de amortecimento (ζ) é uma relação que expressa o nível de amortecimento de um sistema submetido a algum tipo de esforço oscilante e é definido como a razão entre a constante de amortecimento e a constante de amortecimento crítica do sistema. Existem quatro tipos de razão de amortecimento. São eles: amortecimento subcrítico ($\zeta < 1$), amortecimento crítico ($\zeta = 1$), amortecimento supercrítico ($\zeta > 1$) e amortecimento nulo ($\zeta = 0$). A Fig.1 mostra o comportamento do sistema para os três principais tipos de razão de amortecimento.

Como pode ser visto na Figura 1, quando a estrutura apresenta uma razão de amortecimento subcrítico, a estrutura tende a realizar movimentos oscilatórios a certa frequência (a natural, no caso de vibração livre) até parar devido a esse amortecimento.

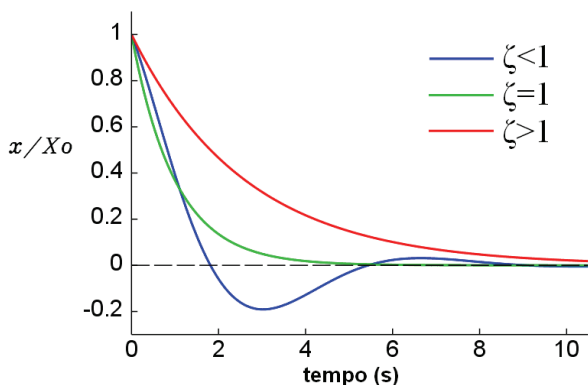


Figura 1 – Curvas típicas para os diferentes tipos de amortecimento.

2.3 Métodos Utilizados

Para a determinação da razão de amorte-

cimento da estrutura a ser estudada, os resultados obtidos por meio do método do "Random Decrement" serão comparados com os resultados fornecidos pelos métodos do Decremento Logarítmico e o da Largura de Banda, a fim de verificar se há equivalência entre os valores obtidos. A seguir são detalhados os três métodos que serão utilizados neste trabalho.

2.3.1 Decremento Logarítmico

Como descrito anteriormente, o método do Decremento Logarítmico permite avaliar a resposta de sistemas com vibração livre amortecida, especificamente a sua razão de amortecimento ζ . O método é definido como o logaritmo natural da razão de qualquer duas amplitudes sucessivas (BEARDS, 1988; HARRIS, 2002). A Figura 2 abaixo mostra o sinal típico da resposta de um sistema que experimenta uma vibração livre com amortecimento subcrítico.

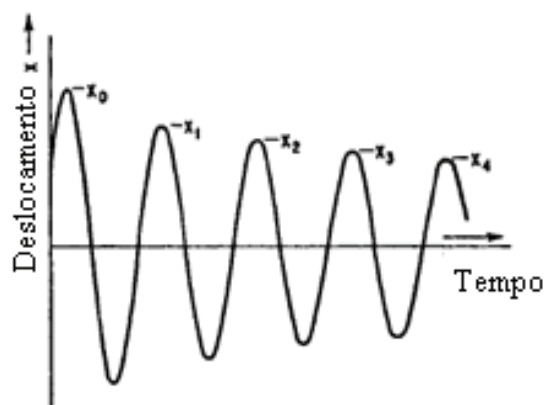


Figura 2 – Resposta de um sistema submetido à vibração livre amortecida com seus picos de amplitude (HARRIS, 2002).

A expressão que descreve a vibração de um sistema sob vibração livre amortecida pode ser descrita por:

$$x = C e^{-\zeta \omega_n t} \sin(\omega_d t + \theta) \quad (1)$$

Considerando-se qualquer dois picos de amplitude separados por n ciclos de oscilação, como mostrado na figura acima, então a razão entre essas duas amplitudes será:

$$\frac{x_n}{x_0} = e^{-2\pi n \zeta / \sqrt{1 - \zeta^2}} \quad (2)$$

A Figura 3 mostra a relação entre as variáveis envolvidas na equação (2).

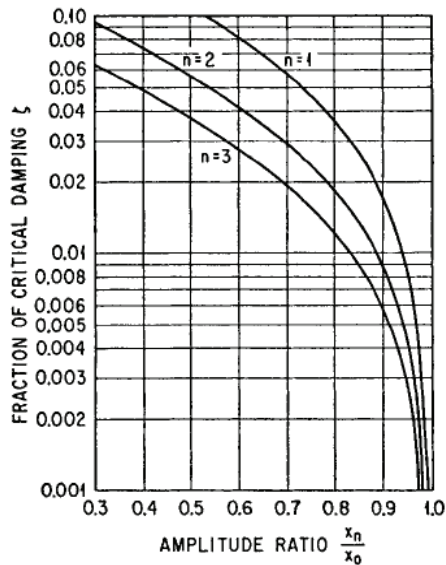


Figura 3 – Efeito da razão entre as amplitudes do sinal na razão de amortecimento em vibrações livres amortecidas (HARRIS, 2002).

Como descrito anteriormente, o decremento logarítmico δ é definido como o logaritmo natural da relação de qualquer duas amplitudes sucessivas. Ou seja:

$$\delta = \ln\left(\frac{x_1}{x_2}\right) = \frac{2\pi\zeta}{\sqrt{1-\zeta^2}} \quad (3)$$

Para n ciclos, tem-se que a equação para o decremento logarítmico fica:

$$\delta = \frac{1}{n} \ln\left(\frac{x_0}{x_{0+n}}\right) \quad (4)$$

Assim, para o cálculo da razão de amortecimento, usando-se as equações acima chega-se ao seguinte resultado:

$$\zeta = \frac{\delta}{\sqrt{(2\pi)^2 + \delta^2}} \quad (5)$$

Ainda, para pequenos valores de ζ ($< 0,1$) a relação entre a razão entre as amplitudes e a razão de amortecimento de um sistema pode ser aproximada por:

$$\delta \cong 2\pi\zeta \quad (6)$$

2.3.2 Largura de Banda

No método da Largura de Banda ou Meia-Potência como é chamado por alguns autores, a razão de amortecimento ζ é determinada por meio das

frequências para as quais o fator de magnificação dinâmica seja $M = M_{\max} / \sqrt{2}$ onde $M_{\max} = 1/(2\zeta)$, que substituída na expressão de M fornece:

$$M = \frac{M_{\max}}{\sqrt{2}} = \frac{1}{2\sqrt{2}\zeta} \quad (7)$$

Sendo a equação da magnificação dinâmica M descrita por:

$$M = \frac{x}{F_0/K} = \frac{x}{X_0} = \frac{1}{\sqrt{(1-\beta^2)^2 + (2\zeta\beta)^2}} \quad (8)$$

Onde x é o deslocamento da estrutura em um determinado ponto devido à vibração causada por um carregamento oscilante no sistema, X_0 é o deslocamento que este determinado ponto sofreria caso estivesse submetido ao mesmo carregamento que provoca a oscilação na estrutura, porém aplicado estaticamente sobre a mesma e β a razão entre a frequência que está excitando a estrutura numa dada situação e a frequência natural do sistema.

Substitui-se a equação (7) na equação (8) e após desenvolvimento e simplificação apresenta o seguinte resultado:

$$\beta^2 = 1 - 2\zeta^2 \pm 2\zeta\sqrt{\zeta^2 + 1} \quad (9)$$

Os termos ζ^2 podem ser desprezados, então se tem o seguinte conjunto de equações:

$$\beta_1^2 = 1 - 2\zeta \quad (10)$$

$$\beta_2^2 = 1 + 2\zeta \quad (11)$$

Subtraindo-se a primeira da segunda obtém-se:

$$\beta_2^2 - \beta_1^2 = 4\zeta \quad (12)$$

A expressão acima pode ser escrita como:

$$(\beta_2 - \beta_1)(\beta_2 + \beta_1) = 4\zeta \quad (13)$$

Do gráfico da Figura 4 tem-se que $(\beta_1 + \beta_2) \approx 2$, o que implica que a expressão acima pode ser escrita como:

$$\zeta = \frac{1}{2}(\beta_2 - \beta_1) \quad (14)$$

onde, β_1 e β_2 são definidos por ω_1/ω_n e ω_2/ω_n , respectivamente.

O gráfico da Figura 4 mostra os como são definidos e determinados os parâmetros que são utilizados neste método.

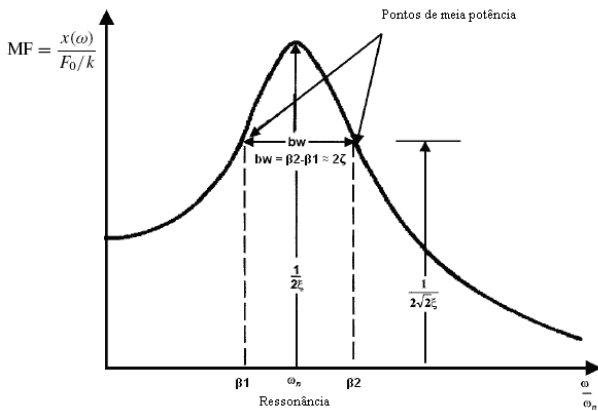


Figura 4 – Curva utilizada para a determinação da razão de amortecimento de um sistema pelo método da Largura de Banda.

Experimentalmente este gráfico pode ser obtido por meio da excitação harmônica da estrutura sob amplitude de força constante e uma varredura em frequência nos limites de frequência de interesse, medindo-se a amplitude da resposta da estrutura em deslocamento, para cada frequência excitada, dividida pela resposta estática para a mesma força com frequência nula. Alternativamente este gráfico também pode ser obtido fazendo-se a Transformada de Fourier da resposta em aceleração do sistema dividida pelo quadrado da respectiva frequência, sendo este sistema submetido a uma vibração livre amortecida, provocado por um impacto na estrutura. Maiores detalhes podem ser encontrados em MACCONNELL (1995).

2.3.3 Random Decrement

Neste trabalho não será mostrado de forma detalhada toda a matemática envolvida neste método devido à sua complexidade, porém se algum interesse surgir sugere-se a leitura do artigo de ASMUSSEM (1997), onde consta um aprofundamento maior sobre o método.

Para explicar o conceito do método do "Random Decrement" (abreviado neste trabalho por simplesmente RD) e para argumentar sua validade, Cole (1968) *apud* ASMUSSEM, 1997), utilizou a seguinte explicação: "a resposta de uma estrutura em um tempo $t_0 + t$ é composta por três partes: 1) a resposta devido ao deslocamento inicial no tempo t_0 ; 2) a resposta do impulso devido à velocidade inicial no instante t_0 ; 3) a excitação aleatória que é aplicada à estrutura durante o período de tempo de t_0 até $t_0 + t$ ". Segundo LIMAS (2006), se as partes da resposta devida à

velocidade são médias, cancelam-se porque as partes com inclinação inicial negativa e positiva são dispostas alternadamente e suas distribuições são aleatórias. Além disso, se as partes devidas à excitação externa são médias, elas também desaparecem, porque por definição a excitação é aleatória. Esta definição pode ser vista na Figura 5, onde se tem a ilustração dos princípios da técnica do RD.

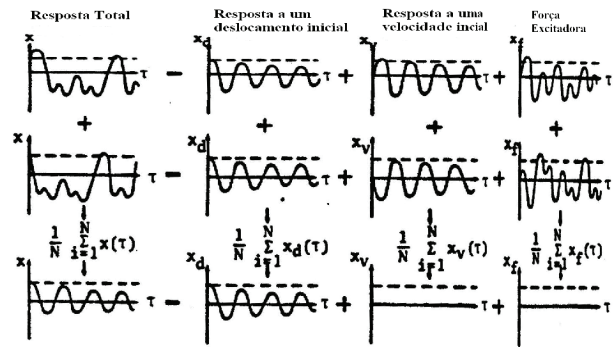


Figura 5 – Princípio da técnica do "Random Decrement" (YANG, 1980).

Na Figura 5, pode-se observar como o método do RD depende apenas da resposta do deslocamento inicial sendo assim independente da velocidade inicial e da força de excitação da estrutura (YANG, 1980). A Figura 6 ajuda a explicar como funciona o processo de determinação da função RD.

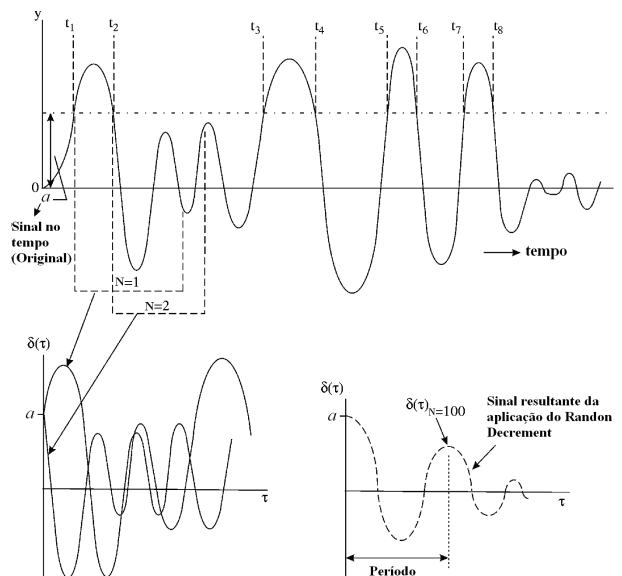


Figura 6 – Extração do sinal "Random Decrement".

Como se pode observar na Figura 6, o conceito de RD baseia-se no cálculo da média de N segmentos de tempo de duração τ da curva do gráfico da resposta de um sistema que está submetido a algum tipo de

vibração aleatória. Estes segmentos são escolhidos de modo que seu valor inicial $y(t_i=0)$ seja igual ao valor da reta que corta a curva da resposta do sistema, também chamado de deslocamento inicial, no caso, a . O valor de a é calculado com base no desvio padrão do sinal da resposta no tempo do sistema e é escolhido de modo que se obtenham pontos necessários para calcular a função RD com certo grau de confiabilidade.

Um exemplo onde o método do RD é aplicado na resposta de algum sistema oscilante pode ser visualizado na Fig. 6, bem como os segmentos de tempo que são retirados da resposta do sistema a partir dos chamados *triggering points*, ou pontos iniciais.

Segundo ASMUSSEM (1997), o deslocamento inicial (a) é um valor estimado, geralmente de 1 a 1,5 vezes o desvio padrão do sinal. Isto é geralmente usado para determinar o nível de disparo e os pontos iniciais de tempo t_0 . O Processo para estimar as funções RD pode ser formulado como a soma dos intervalos de tempo retirados da resposta nas condições em que o intervalo de tempo possui o valor a em seu instante inicial. Assim tem-se:

$$Dxx(\tau) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x(ti + \tau) | x(ti) = a \quad (15)$$

Onde $Dxx(\tau)$ é a função RD estimada, τ é a variável de tempo de Dxx como ilustrado na Fig. 7 e N é o número total de segmentos de tempo utilizados. A função RD é então a média da soma de todos esses segmentos de sinal com valor inicial a .

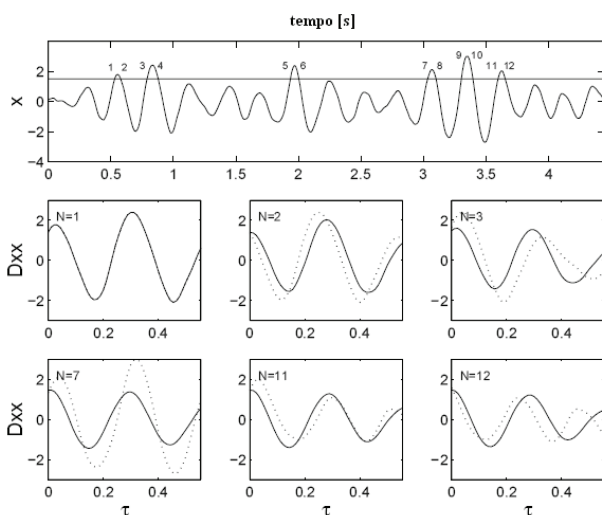


Figura 7 – Conceito do método RD. Sinal aleatório no tempo (topo) com seus pontos de disparo (*triggering points*) e processo de médias com ambos os resultados: função RD (linha cheia) e segmento de tempo atual (linha pontilhada) (ASMUSSEM, 1997).

Esta técnica foi estudada também por CHANG (1975) onde, por meio de simulações com sistema 1 e 2 graus de liberdade, ele investigou o significado do tamanho da função RD, τ , e N . Esse autor recomendou que fossem utilizados aproximadamente 2000 pontos de disparo a fim de se obter com certa precisão a razão de amortecimento (e uma das frequências naturais) de um sistema por meio do método do RD.

Segundo ASMUSSEM (1997) o método do RD veio sendo estudado ao longo dos anos. Vários autores deram sua contribuição para o aprimoramento deste método, dentre eles pode-se citar: Houbolt, Brincker, Ibrahim, Reed, Vandiver *et al.*, Bedewi, Yang e por último, Desforges. Desforges, Cooper e Wright (1995 *apud* ASMUSSEM, (1997) publicaram um importante trabalho sobre o método RD, onde concluíram que este método é uma maneira precisa de se estimar densidades espectrais e parâmetros modais. Eles compararam o método RD com diversos outros métodos para se estimar funções de correlação e funções de densidade espectral. Devido à complexidade dos cálculos a serem executados neste método, um software matemático, o Mathcad, será utilizado e será programado com o algoritmo que BODRUZZAMAN (1993) utilizou em seus experimentos e que está detalhado na Tabela 1.

Tabela 1 – Algoritmo Random Decrement.

<p>Algoritmo 1: $y(n)$, $1 \leq n \leq N$ é um dado intervalo de tempo.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Calcule o desvio padrão de $y(n)$ e selecione o nível de disparo Y_T 2. Calcule a função de autocorrelação de $y(n)$ e selecione τ 3. Coloque $S(m) = 0$ para $1 \leq m \leq \tau$ 4. Ajuste $k = 0$ 5. Para $i = 2$ até $N - 1$ 6. Se $y(i - 1) < y_T$ e $y(i) > y_T$ for verdadeiro ou $y(i) > y_T$ e $y(i + 1) < y_T$ for verdadeiro, então ajuste $k = k + 1$; 7. Multiplique $S(m)$ por $k - 1$, some $y(i + m)$ a $S(m)$, e divida o resultado $S(m)$ por k, para cada $1 \leq m \leq \tau$

Com este algoritmo podem-se realizar as análises de forma rápida e confiável, pois este mesmo procedimento já foi testado pelo autor em seus experimentos.

2.4 Bancada de Ensaios

Para a realização dos ensaios foi montada uma bancada onde uma régua de alumínio foi fixada sobre um *shaker*. Em um das extremidades da régua foi colocado um acelerômetro, que, com de uma placa de aquisição de dados possibilitou o registro da resposta

do sistema com auxílio do software *Agilent VEE Pro* quando este estava submetido às vibrações.

A Figura 8 mostra de forma esquemática como foi montada a bancada e as dimensões da régua de alumínio que foi utilizada nos ensaios. A frequência de excitação indicada na figura serve apenas para o método do RD, pois nos demais o *shaker* encontrava-se desligado.

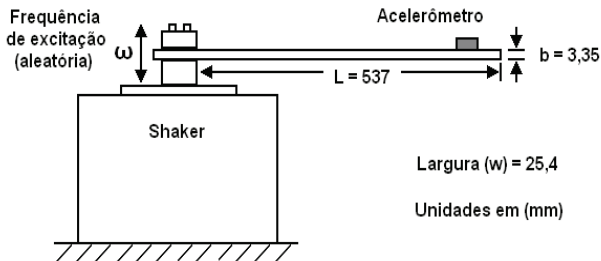


Figura 8 – Representação esquemática da bancada e as dimensões da régua de alumínio.

Para evitar que o fio do acelerômetro interferisse nos ensaios, o mesmo foi preso com de fitas sobre a lateral da régua até a sua base. Com isso as interferências na resposta do sistema puderam ser minimizadas. Esta bancada foi montada no laboratório do Grupo de Mecânica Aplicada (GMAp) da Universidade Federal do Rio Grande do Sul, onde os ensaios foram realizados.

2.5 Resultados e Análises

Após a montagem da bancada, foram realizados três ensaios para cada método e com isso pode-se estabelecer um comparativo entre eles, o que pode ser visto nos capítulos que seguem.

2.5.1 Decremento Logarítmico

Para determinar o coeficiente de amortecimento da estrutura através do método do Decremento Logarítmico foram realizados três ensaios sob as mesmas condições para se obter uma média dos

resultados. Um deslocamento foi imposto à extremidade da régua, que após ser liberada oscilou livremente podendo assim ser coletados os dados para gerar o gráfico da resposta da aceleração da ponta da régua em função do tempo.

Os três ensaios para o cálculo da razão de amortecimento através do método do Decremento Logarítmico foram realizados com uma aquisição de 2000 Hz durante 5 segundos, originando assim 10.000 pontos para a representação gráfica da resposta do sistema, a qual foi plotada com o auxílio do software Mathcad. Os resultados obtidos para os três ensaios realizados através deste método são mostrados na Tabela 2.

Tabela 2 – Valores da razão de amortecimento da estrutura para os ensaios realizados por meio do método do Decremento Logarítmico.

Ensaio	Razão de Amortecimento (ζ)
1	0,003371
2	0,002663
3	0,003199
Média	0,0030777

Como pode ser visto na Tabela 2, os valores para a razão de amortecimento não apresentaram variação considerável entre os ensaios e se concentraram em torno de 0,003.

2.5.2. Largura de Banda

Os mesmos ensaios que foram realizados para o método anterior foram repetidos para este método, mas agora, a taxa de aquisição de dados foi menor e o tempo da aquisição foi maior (taxa de 30 Hz por um tempo total de 180 s) para que o gráfico da Transformada de Fourier pudesse ser gerado com o maior número de pontos possíveis, facilitando a localização dos pontos necessários para a realização dos cálculos.

Os resultados obtidos para os três ensaios realizados usando-se este método são mostrados na Tabela 3.

Tabela 3 – Valores da razão de amortecimento da estrutura para os ensaios realizados usando-se o método da Largura de Banda.

Ensaio	Razão de Amortecimento ζ
1	0,001969
2	0,001805
3	0,001807
Média	0,001860

Como pode ser visto na Tabela 2, os valores para a razão de amortecimento apresentaram pouca variação entre si, resultando em um valor de aproximadamente 0,002.

2.5.3 Random Decrement

Para a realização dos ensaios para a análise de vibrações através do método do *Random Decrement*, foi preciso fazer com que a estrutura experimentasse vibrações aleatórias. Então, para cada ensaio foi imposto um tipo diferente de vibração aleatória durante 120 s a uma taxa de aquisição dos dados de 60 Hz. Para este método, em cada ensaio, a estrutura teve um tipo de excitação diferente, conforme descrito a seguir. As frequências de excitação da régua foram geradas com o auxílio do software SpectralLAB.

Ensaio 1: No primeiro ensaio, a estrutura foi submetida a vibrações causadas por uma frequência imposta de 16 Hz somada à batidas aleatórias na extremidade da régua, resultando no sinal representado na Figura 9. Nesta mesma Figura 9, é apresentado à direita um detalhe de uma porção indicada do sinal mostrando a aleatoriedade do sinal de vibração, condição impossível de avaliar o amortecimento.

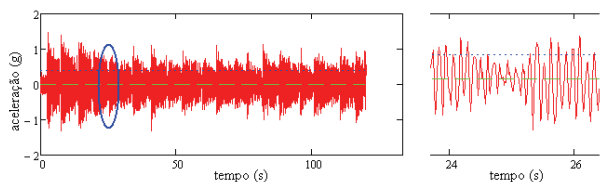


Figura 9 – Resposta no tempo da estrutura para o ensaio 1, com um detalhe à direita.

Com esse sinal e com a ajuda do software Mathcad programado com o algoritmo descrito na seção 2.3.3, chegou-se ao seguinte sinal para a função RD indicado na Figura 10.

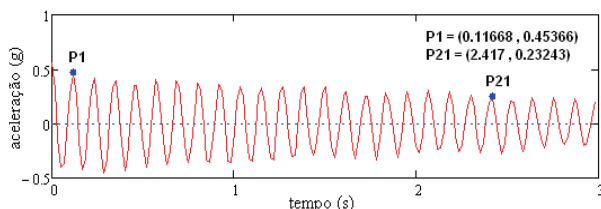


Figura 10 – Sinal da função RD para o ensaio 1, com N=1085.

Como era de se esperar, a resposta obtida com o método do RD apresenta características tí-

picas de um sinal do tipo decremento, e a razão de amortecimento da estrutura pode agora ser calculada facilmente usando-se do método do Decremento Logarítmico. Os resultados são $\delta = 0,033438$ e $\zeta = 0,0053217$.

Ensaio 2: no segundo ensaio, a estrutura foi submetida a vibrações causadas por uma frequência imposta de 16 Hz somada à batidas aleatórias na extremidade da régua e também com um ruído de fundo do tipo Pink Noise, resultando no sinal aleatório de vibração representado na Figura 11. Os resultados obtidos a partir da aplicação do RD resultaram na Figura 12, do qual é possível aplicar o método do decremento logarítmico e obter: $\delta = 0,034953$ e $\zeta = 0,0055629$.

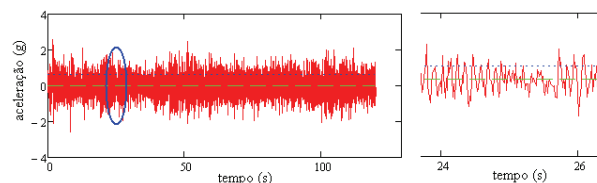


Figura 11 - Resposta no tempo da estrutura para o ensaio 2, com um detalhe ao lado.

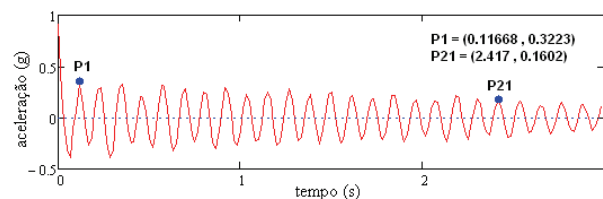


Figura 12 - Sinal da função RD para o ensaio 2, com N=1015.

Ensaio 3: por fim, no terceiro ensaio, a estrutura foi submetida a vibrações causadas apenas por batidas aleatórias na extremidade da régua (indicado na Figura 13 com detalhes ao lado mostrando a aleatoriedade do sinal), e após aplicação do RD, resultando no sinal representado na Figura 14, que possui características de um ensaio vibração livre. Os resultados obtidos a partir da Figura 14 foram $\delta = 0,040154$ e $\zeta = 0,0063906$.

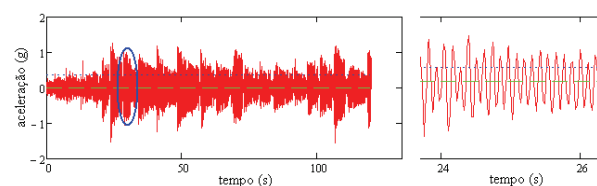


Figura 13 - Resposta no tempo da estrutura para o ensaio 3, com um detalhe ao lado.

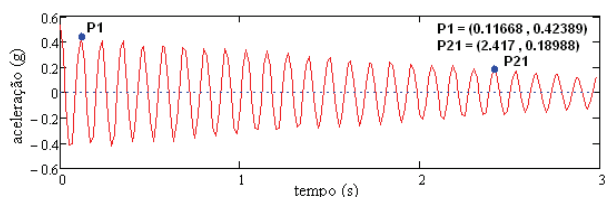


Figura 14 - Sinal da função RD para o ensaio 3, para $N=965$.

Os resultados obtidos para os três ensaios realizados usando-se deste método são mostrados na Tabela 3.

Tabela 3 – Valores da razão de amortecimento da estrutura para os ensaios realizados através do método do Random Decrement.

Ensaio	Razão de Amortecimento (ζ)
1	0,0053217
2	0,0055629
3	0,0063906
Média	0,0057584

Como pode ser visto na tabela acima, os valores para a razão de amortecimento não apresentaram variação significativa entre os ensaios e se concentraram em torno de 0,006.

2.5.4 Comparação dos Resultados

Finalizados todos os ensaios, pode-se agora estabelecer o comparativo que foi proposto. Observar-se que todos os valores ficaram bastante próximos quando comparados entre os ensaios de um mesmo método, porém houve uma pequena variação na média dos resultados de um ensaio para outro.

A Tabela 4 mostra de forma mais clara o comparativo dos resultados obtidos para cada ensaio bem como a média de cada método.

Tabela 4 – Comparação entre os valores da razão de amortecimento (ζ) obtidos nos três ensaios de cada método com suas respectivas médias.

Ensaio	Decremento Logarítmico	Largura de Banda	Random Decrement
1	0,003371	0,001969	0,0053217
2	0,002663	0,001805	0,0055629
3	0,003199	0,001807	0,0063906
MÉDIA	0,0030777	0,001860	0,0057584

Quando comparados os valores médios obtido

nos três métodos, pode-se observar que os valores ficaram dentro da mesma ordem de grandeza, porém com certa variação de um método para outro.

3 Conclusões

Como foi possível observar, todos os ensaios apontaram para uma razão de amortecimento muito baixa, o que já era esperado devido às características da estrutura em estudo, porém, houve certa divergência entre os resultados obtidos de um método para outro.

Para os ensaios do método da Largura de Banda, uma possível explicação para essa divergência, se deve ao fato de que foi necessário um intervalo de tempo muito grande para que a curva da Transformada de Fourier pudesse ser gerada com maior suavidade, porém, o sinal que foi captado com esse intervalo foi constituído em sua maioria por ruído, o que colaborou com a divergência dos valores destes ensaios em relação aos dos outros métodos. Já para o método do "Random Decrement", podem-se atribuir as divergências dos resultados ao fato de que foi necessário remontar a bancada para a realização dos ensaios, pois a mesma havia sido desmontada alguns dias antes. Além disso, não foi possível representar o gráfico da função RD com um número ideal de segmentos de tempo N sugeridos pela literatura, pois para isso seria necessário um intervalo de tempo muito maior e consequentemente maior tempo de processamento de dados.

Uma importante restrição do método foi observada durante a realização dos ensaios. Quando tentou-se aplicar uma excitação totalmente aleatória, com frequências variando dentro de uma faixa muito grande, o método não foi capaz de representar a função RD com aspecto de decremento, logo, conclui-se que este método não é recomendado quando tem-se vibrações completamente aleatórias dentro de uma faixa de frequências muito grande.

Ademais, pode-se dizer que o método do "Random Decrement" é uma boa ferramenta de análise de vibrações, pois permite que essa análise seja realizada com a máquina em serviço e fornece resultados muito bons em comparação com métodos convencionais. Porém, a escolha do método a ser utilizado depende das condições às quais a estrutura poderá ser submetida, sendo que se houver possibilidade de se aplicar um deslocamento inicial e coletar o sinal da estrutura vibrando livremente, sugere-se que o método do Decremento Logarítmico seja utilizado, deixando o "Random Decrement" para ca-

os onde seja impossível retirar a estrutura ou máquina de serviço para a realização da análise.

Referências Bibliográficas

ASMUSSEM J. C. **Modal analysis based on the random decrement technique**. Application on the Civil Engineering Structures. Exam for a PhD degree. Denmark: University of Aalborg, 1997.

BEARDS C. F. **Engineering vibration analysis with application to control systems**. London: Edward Arnold, 1995.

BEARDS C. F. **Vibration and control systems**. 1st edition. England: Ellis Horwood, 1988.

BODRUZZAMAN M., LI X., WANG C., DEVGAN S. **Identifying the Modes of a Vibratory System Excited by Narrow Band Random Excitations**. Nashville, Department of Electrical Engineering, 1993.

CHANG C. S. **Study of dynamic characteristics of aerolastic systems utilizing Randomdec signatures**. NASA-CR-132563. Feb. 1975.

GROEHS A. G. **Mecânica vibratória**. Coleção manual

universitário. São Leopoldo: Unisinos, 1999.

HARRIS C. M., PIERSOLA A. G. **Shock and vibration handbook**. 5th edition. New York: McGraw-Hill, 2002.

LIMAS L. F. **Determinação da influência de seções transversais na resposta dinâmica de pontes através de ensaios em túnel de vento e identificação de sistemas**. Exame de qualificação para doutorado em engenharia. Porto Alegre: UFRGS, 2006.

LIN C. **The measurement of damping and natural frequencies in linear systems by using the random decrement technique**. Exam for the degree of Master of Science. University of Maryland, 1981.

McCONNELL, K. G. **Vibration Testing: Theory and Practice**, John Wiley & Sons, Inc., New York, 606p.

MARCHI J. A., CRAIG K. C. **Asymmetric viscous and kinetic friction identification via the extended logarithmic decrement method**. New York: Rensselaer Polytechnic Institute, 1999.

WALSHAW A. C. **Mechanical vibrations with applications**. 1st edition. England: Ellis Horwood, 1984.

YANG J. C. S., DAGALAKIS N. **Detection of incipient failure in structure using Random Decrement technique**. Maryland: University of Maryland, 1980.